DATE PANCELLED

IN THE UNITED STATES PATENT AND TRADEMARK OFFICE

🎾 plicant : Pierre Siohan et al.

Applic No.: 10/089,026

Filed : March 26, 2002

For : METHOD FOR TRANSMITTING AN

OFFSET MODULATED (BFDM/OM)

MULTICARRIER SIGNAL

Docket No.: F40.12-0005

Group Art Unit:

Examiner: ---

CLAIM OF PRIORITY AND TRANSMITTAL OF CERTIFIED COPY OF PRIORITY DOCUMENT

Assistant Commissioner for Patents Washington, D.C. 20231

I HEREBY CERTIFY THAT THIS PAPER IS BEING SENT BY U.S. MAIL, FIRST CLASS, TO THE ASSISTANT COMMISSIONER FOR PATENTS, WASHINGTON, D.C. 20231, THIS

Juntal D

PATENT ATTORNEY

Sir:

Applicant claims right of priority under the provisions of 35 USC § 119 based on French Patent Application No. FR 99 12371 filed 29 September 1999.

A certified copy of this application is enclosed. This priority application is identified in the Declaration filed HEREWITH.

Applicant requests that priority be granted on the basis of this application.

Respectfully submitted,

WESTMAN, CHAMPLIN & KELLY, P.A.

By:

Robert M. Angus, Reg. No. 24,383

Suite 1600 - International Centre

900 Second Avenue South

Minneapolis, Minnesota 55402-3319

Phone: (612) 334-3222 Fax: (612) 334-3312

RMA:tas

THIS PAGE BLANK (USPTO)



#9

BREVET D'INVENTION

CERTIFICAT D'UTILITÉ - CERTIFICAT D'ADDITION

COPIE OFFICIELLE

Le Directeur général de l'Institut national de la propriété industrielle certifie que le document ci-annexé est la copie certifiée conforme d'une demande de titre de propriété industrielle déposée à l'Institut.

Fait à Paris, le 2 7 MARS 2002

Pour le Directeur général de l'Institut national de la propriété industrielle Le Chef du Département des brevets

Martine PLANCHE

INSTITUT
NATIONAL DE
LA PROPRIETE

SIEGE 26 bis, rue de Saint Petersbourg 75800 PARIS cedex 08 Téléphone : 33 (1) 53 04 53 04 Télécopie : 33 (1) 42 93 59 30 www.inpi.fr

V 21/1. 1

1 \$2 63 ft see 18 19 18 13 53 13

實質監視。 managaran

The state of the same that are set to the second of the se THIS PAGE BLANK (USPTO)

THIS TOURNESS OF SHIPD THAT WAS BUT THE THIRD TO SHIP THE By Colored Colored

SCHOOL OF THE THE TREE OF THE PROPERTY.

च्या च्यान

15 mill moust in

Car Visitery St. 70327 V

TENNIA BULLED IL DE MISEON

growing and the same to the 是是这种特型数据 50° 图10°

The second of th

CHATTAGE, ILP PATER

DESCRIPT AMERICANS

I. Sal



BREVET D'INVENTION, CERTIFICAL D'UTILITE

Code de la propriété intellectuelle-Livre VI



REQUÊTE EN DÉLIVRANCE

26 bis, rue de Saint Pétersbourg 75800 Paris Cedex 08

Téléphone : 01 53 04 53 04 Télécopie : 01 42 93 59 30

Confirmation d'un dépôt par télécopie

Cet imprime est a remplir a l'encre noire en lettres capitales

Pagagia a PINRI	
DATE DE REMISE DES PIÈCES 2 9 SEP. 1999	1 Nom et adresse du demandeur ou du mandataire à qui la correspondance doit être adressée
N° D'ENREGISTREMENT NATIONAL 9912371	•
DÉPARTEMENT DE DÉPÔT 35 QE	Patrice VIDON Cabinet Patrice VIDON
DATE DE DÉPÔT 2 9 SEP. 1999	Immeuble Germanium
DATE DE BEFOT	80 avenue des Buttes de Coësmes
2 DEMANDE Nature du titre de propriété industrielle	35700 RENNES
brevet d'invention demande divisionnaire	n°du pouvoir permanent références du correspondant tèléphone 5826 02.99.38.23.00
certificat d'utilite intransformation d'une demande	5010 02.77.100.120.00
de brevet européen brevet d'invention	certificat d'utilité n° date
Établissement du rapport de recherche différé immédiat	_
Le demandeur, personne physique, requiert le paiement échelonné de la redevance	oui non
Titre de l'invention (200 caractères maximum)	
Procédé de transmission d'un signal BFD	M/OQAM, procédés de modulation et de
démodulation et dispositif correspondants.	
3 DEMANDEUR (S) nº SIREN	code APE-NAF
Nom et prénoms (souligner le nom patronymique) ou dénomination	Forme juridique
1. FRANCE TELECOM	Société Anonyme
• MAI PRANTIGION DE E	Société Amonomo
2. TELEDIFFUSION DE France	Société Anonyme
Française	
Trançaise	
Nationalité (s)	· ·
Adresse (s) complète (s)	Pays
1. 6 place d'Alleray	France
75015 PARIS	_
	France
2. 10, rue d'Oradour-sur-Glane	
75732 PARIS Cédex 15	
	isance de place, poursuivre sur papier libre
	requise antérieurement au dépôt ; joindre copie de la décision d'admission
3 REDUCTION DO TAOA DES REDEVANOES	
6 DÉCLARATION DE PRIORITÉ OU REQUÊTE DU BÉNÉFICE DE LA DATE DE DÉPÔT D'I pays d'origine numéro	date de dépôt nature de la demande
	i.
	:
•	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
7 DMSIONS antérieures à la présente demande n°	date n° date
8 SIGNATURE DU DEMANDEUR OU DU MANBASTAIRE SIGNATUR	E DU PRÉPOSÉ À LA RÉCEPTION SIGNATURE APRÈS ENREGISTREMENT DE LA DEMANDE À L'INPI
(nom enguality de aignataire)	
(CPI 92-1259) / /	
1/2/	





(si le demandeur n'est pas l'inventeur ou l'unique inventeur)

HO D'EMREGISTREMENT NATIONAL

DEPARTEMENT DES BREVETS

26bis, rue de Saint-Pétersbourg 化基金 化二氯酚 医乳腺 化二氯化异丁 75800 Paris Cédex 08

Tel.: 01 53 04 53 04 - Telecopie: 01 42 93 59 30

that the second will be about the second to Procédé de transmission d'un signal BFDM/OQAM, procédés de modulation et de Sugar State Commencer State A PARENCE CONTRACTOR démodulation et dispositif correspondants. participal control of the control of 2. 建于<u>完整 1986</u>年12.12 2年,大學生成學 3 800 JULY 1992 V **Patrice VIDON** Cabinet Patrice VIDON LE(S) SOUSSIGNE(S) Reference of the for Immeuble Germanium and the leavest 80 avenue des Buttes de Coësmes The second of Artist **35700 RENNES** Company of the Company of the Company Self of the real of the DÉSIGNE(NT) EN TANT QU'INVENTEUR(S) (indiquer nom, prénoms, adresse et souligner le nom patronymique) 11 2 4 4 4 the factories of the second college of the second of second the second s of the moneyear in this is a section of the section of the contract of the section of the sectio M. Pierre SIOHAN (said statement of the said to the sa 1.) 35, rue Maurice Haye **35200 RENNES** 20 สโปร เพพาะ 25 เพลาะเมื่องของ 26 ผู้เป็นเพลาะใช้และ ครู้ การได้ เมาะ กริสาราสน์ ขางนั้ง And M. Cyrille SICLET on A casimon of marks a same of second 25000 BESANCON The less to the proposition of the property of 16 rue Plançon whether your test activity susceptible of the sources The remaining order on an april of a defiliation of the A is absorbed to the second of the posterior of the second o TION LINES WITH THE LOCAL METERS OF A GREAT CHARACTERS OF THE SECOND CONTROL OF ANY ACCORDING TO A SECOND CONTROL OF THE SECOND CONT mention described a formation of the second NOTA : A titre exceptionnel, le nom de l'inventeur peut être suivi de celui de la société à laquelle il appartient (société d'appartenance) lorsque celle-ci est différente de la société déposante ou tifulaire. next bearing them and on the second the second Date et signature (s) du (des) demandeur (s) ou du mandataire ; the first the second se Marie William Control J. 14. Canthing and Art

le 1er février 1999

P. VIDON (CPL92-1250)

31575

Procédé de transmission d'un signal BFDM/OQAM, procédés de modulation et de démodulation et dispositif correspondants.

Le domaine de l'invention est celui de la transmission de signaux numériques, basés sur des modulations multiporteuses. Plus précisément, l'invention concerne la transmission, et notamment la modulation et la démodulation, des signaux multiporteuses biorthogonaux (BFDM/OQAM).

Depuis plusieurs années, les modulations multiporteuses ont suscité un grand intérêt. Celui-ci se justifie, en particulier, dans le cas des communications avec les mobiles, où leur efficacité a déjè-été démontrée-pour la diffusion des signaux radio avec, tout d'abord, le système « Digital Audio Broadcasting » (DAB, en français : « Diffusion Audionumérique ») [1] (par souci de simplification et de lisibilité, toutes les références citées dans la présente description ont été regroupées en annexe E) mais également en transmission haut débit sur lignes bifilaires téléphoniques avec les systèmes ADSL (Asymmetric Digital Subscriber Line) et VDSL (Very high bit rate Digital Subscriber Line)

Dans les schémas de modulations multiporteuses usuels, un ensemble de fréquences porteuses, choisi de manière à satisfaire des conditions d'orthogonalité en temps et en fréquence, est multiplexé. C'est le système dit « Orthogonally Frequency Division Multiplex » (OFDM (en français : « multiplex de fréquences orthogonales »)).

L'association à chacune des porteuses d'une modulation d'amplitude en quadrature, sans ou avec « offset », produit, respectivement, les modulations OFDM/QAM et OFDM/OQAM. Cette dernière modulation peut fonctionner sans intervalle de garde et offre également une possibilité de choix plus étendue en ce qui concerne la fonction prototype [3], [4].

Toutefois, l'orthogonalité de l'OFDM ne lui assure l'optimalité que dans le cas de canaux de transmission que l'on peut assimiler à un bruit additif blanc et gaussien. Dans tous les autres cas, l'optimalité de l'OFDM n'est pas garantie.

أراه في حالت المالية

20

5

.10

15

-. '

	De ce point de vue, les modulations multiporteuses biorthogonales	
	De ce point de vue, les modulations multiporteuses et en particulier, elles peuvent	
	(BFDM) offrent des possibilités supplémentaires et, en partire de l'action de la capaix de type radio-mobiles qui	
	constituer un meilleur compromis vis-à-vis de canaux de type radio-mobiles qui	
	A la fois dispersifs en temps et en fréquence [5] les creations parteuse permet	
5	Par ailleurs une modulation en OQAM de chaque sous-porteuse permet	
	de conserver l'avantage de l'OFDM/OQAM avec la possibilité d'obtenir des	
	fonctions prototypes bien localisées en temps et en fréquence.	
	A titre indicatif, on rappelle brièvement, en annexe A, les définitions	
	essentielles concernant les aspects mathématiques liés aux modulations de type	
10	BFDM/OQAM. Ces aspects ont déjà fait l'objet de publications.	
	Dans des publications récentes, par exemple [6], [7], une technique de	
	a de la constant discrétisation des systèmes de modulation BFDM/OQAM a déjà été proposée.	
	Toutefois l'approche décrite en [6] se base essentiellement sur la discretisation	
	des équations continues qui étendent en discretible formalisme introduit en	
15	as same ontinu dans la référence [4] spour MOFDM/OQAM que un second	. :
	the resolution report of OFDM/OQAM, section supposed doncial utilisation, d'une	
	transformation mathématique, puiséde la transformation inverse (classiquement	
	the off FFT puis FFT). On tronque ensuite le signal discrétisé de la	
	and the result of the second and the	
20	de modulation et de démodulation d'un signal BEDM/OQAM qui soit plus	٠.
20	efficace et plus aisée à mettre en œuvre que les techniques connues	
	Ainsi un objectif de l'invention est de fournir de telles techniques de	
	modulation et de démodulation permettant d'assurer, sur un plan théorique, que	
	l'IES (Interférence entre Symboles) et l'IEC (Interférence entre Canaux) soient	
	exactement nuls, sur un support fini.	; .
25	exactement huis, sur un support the exactement huis, sur un sur un support the exactement huis, sur un	
	permettent de réaliser des dispositifs satisfaisant structurellement l'annulation de	
	*** permettent de realiser des dispositifs du la	
	Figure FIES et de l'IEC.	

permettant aussi bien la mise en œuvre de fonctions prototypes symétriques ou non, et identiques ou non à l'émission et à la réception.

5

10

15

20

25

Encore un autre objectif de l'invention est de fournir de telles techniques de modulation et de démodulation, qui permettent de réduire et de contrôler les retards de reconstruction, par exemple pour des applications temps, réel ou interactive. En d'autres termes, un objectif est de fournir de telles techniques permettant, pour des filtres prototypes de longueur donnée, d'obtenir des délais de reconstruction qui ne sont pas fixes (et qui peuvent donc être plus faibles que ceux de l'OFDM/OQAM).

ř,

1.3

115

. E.

The second optimales, par rapport à desidistorsions produites par un canal gaussien produites par un canal gaussien produites par des canaux non gaussiens qui ne serréduisent pas simplement à un bruit and additif blanc et gaussiens produites par la partitude and additif blanc et gaussiens qui ne serréduisent pas simplement à sub-

Encore un autre objectif de l'invention est de fournir de telles techniques,

L'invention de également pour objectifie de fournir des dispositifs de a modulation et/ou de démodulation, et plus généralement de transmission et/ou de alle di réception de signaux; qui soient aisés et peu coûteux à réaliser et à mettre en œuvre: 20 ma a trapical du sta sup sa composition de la paco de

des données source, et comprenant chacune un expanseur d'ordre

M et des moyens de filtrage;

une étape de démodulation, à l'aide d'un banc de filtres d'analyse, présentant 2M branches parallèles, comprenant chacune un décimateur d'ordre M et des moyens de filtrage, et délivrant des données reçues représentatives desdites données source,

lesdits moyens de filtrage étant déduits d'une fonction de modulation prototype prédéterminée.

5

10

15

20

25

30

En d'autres termes, l'invention propose une réalisation nouvelle des systèmes de modulation BFDM/OQAM, basée sur une description système de type transmultiplexeur modulé. Comme cela apparaîtra par la suite, cette technique présente de nombreux avantages, tant en termes de modes de réalisation que d'efficacité des traitements, et notamment de l'annulation de l'IES et de l'IEC.

Préférentiellement, les dits moyens de filtrage dudit banc de filtres de synthèse et/ou dudit banc de filtres d'analyse sont respectivement regroupés sous la forme d'une matrice polyphase and second second de filtres de synthèse et/ou dudit banc de filtres d'analyse sont respectivement regroupés

Opératoire du transmultiplexeur.

De façon avantageuse au moins une desdites matrices polyphases inventeurs ont en effet montré que l'utilisation d'une telle transformée, pour laquelle des algorithmes sont disponibles (IFFT), permet de simplifier fortement la réalisation et la mise en œuvre de l'invention.

L'invention concerne également le procédé de modulation d'un signal transmis selon le procédé de transmission décrit ci-dessus. Un tel procédé de modulation met avantageusement en œuvre une transformée de Fourier inverse alimentée par 2M données source ayant chacune subje un décalage de phase prédéterminée, et alimentant 2M modules de filtrage, suivis chacun d'un expanseur d'ordre M, dont les sorties sont regroupées puis transmises.

L'algorithme de modulation peut alors délivrer des données s[k] telles

 $x_{l}^{0}(n) = a_{m,n}e^{j\frac{\pi}{4}n}$ $x_{l}^{1}(n) = \sqrt{2} \sum_{k=0}^{2M-1} x_{k}^{0}(n)e^{-j\frac{2\pi}{2M}k} \frac{D-M}{2}e^{j\frac{2\pi}{2M}kl}$ $= 2M\sqrt{2}IFFT \left(x_{0}^{0}(n), \dots, x_{2M-1}^{0}(n)e^{-j\frac{2\pi}{2M}(2M-1)} \frac{D-M}{2}\right)$ $x_{l}^{2}(n) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM)x_{k}^{1}(n-2k)$

5

10

15

 $\frac{k}{M} = \sum_{k=0}^{M} \tilde{x}_{k-nM}^2(n) \qquad \text{where } \tilde{x}_{k} = \sum_{k=0}^{M} \tilde{$

to the next more of the treest la fonctiond partie entière noted tibus notes execting a

De la même façon, l'invention concerne le procédé de démodulation d'un signal transmis selon le procédé de transmission décrit précédemment. Ce procédé de démodulation met avantageusement en œuvre une transformée de Fourier inverse alimentée par 2M branches elles-mêmes alimentées par ledit signal transmis, et comprenant chacune un décimateur d'ordre M suivi d'un module de filtragé, et alimentant 2M multiplieurs de décalage de phase, délivrant une estimation des données sources sente de la contract de décalage de phase,

Le procédé de démodulation peut ainsi; avantageusement, délivrer des

(:

20 For données $\hat{a}_{m,n-\hat{\alpha}}$ telles que en qui in a college attraction of action of a constant of $\hat{x}_l^{-2}(n+\alpha) = s[nM+\beta+l]$ the same obtained of action of action of action of a constant of action of action

25
$$\hat{x}_{l}^{0}(n-\alpha) = \sqrt{2}e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}} \sum_{k=0}^{2M-1} \hat{x}_{l}^{1}(n-\alpha)e^{j\frac{2\pi}{2M}kl}$$

$$= 2M\sqrt{2}e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}} IFFT(\hat{x}_{l}^{\prime 1}(n-\alpha), \dots, \hat{x}_{2M-1}^{\prime 1}(n-\alpha))$$

 $\hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re\left\{e^{-j\frac{\pi}{2}(n-\alpha)}\hat{x}_l^{0}(n-\alpha)\right\}$

De façon avantageuse, dans le procédé de modulation et/ou de démodulation les dits modules de filtrage sont réalisés sous l'une des formes appartenant au groupe comprenant :

les filtres, à structure transverse;

5

15

20

25

les filtres à structure en échelle; et

les filtres à structure en treillis.

D'autres structures de filtres peuvent bien sûr être envisagées, et notamment les structures de filtres à réponse impulsionnelle infinie (RII).

Selon un mode de réalisation particulier, correspondant notamment à la structure en treillis; eleditissignal multiporteuse biorthogonal est un signal OFDM/OQAM. Des solutions techniques particulières peuvent alors être

inalis namendo o'L'invention concerne également, bien sûr, les dispositifs d'émission au de réception d'uns signal BFDM/OQAM, mettant en œuvre les procédés présentés ci-dessus.

clairement à la lecture de modes de réalisation préférentiels, donnés à titre de simples exemples illustratifs et non limitatifs, et des dessins annexés parmi lesquels:

la figure leillustre la structure générale d'un transmultiplexeur le la modulation BFDM/OQAM, selon l'invention;

la figure 2 présente, de façon simplifée, une vue globale de la consciond sur voir de la chaîne mettant en œuvre un transmultiplexeur, tel qu'illustré en representation sous une forme polyphase du consciond sous une forme polyphase du

transmultiplexeur de la figure 1:

la figure 4 illustre sur un cas élémentaire, l'insertion d'un opérateur de retard placé entre un expanseur et un décimateur, utilisé dans la mise en œuvre de la représentation polyphase de la figure 3;

démodulateur BFDM/OQAM réalisés à l'aide d'une FFT inverse;

les figures 7 et 8 présentent des filtres à structure en échelle pouvant être utilisés à la place des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque s, paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair par la suite des présentents des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque s, paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair par la suite des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque s, paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair par la suite des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque s, paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair par la suite des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque s, paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair par la suite de la suite des filtres polyphases des figures 5 et 6, respectivement lorsque s, paramètre entier défini par la suite, est pair ou impair par la suite de la suite de

1,1

. .

75

la figure 9 illustre une structure sous la forme de treillis pour les filtres polyphases des figures 5 et 6, dans de casadiun signal

5

10

15

20

25

30

Tenge de de la rela figure 10 présente un treillis selon la figure 19, clans le cas

notamment sur une approche particulière des discrétisations visant à obtenir directement une description du système de type transmultiplexeur modulé. Outre

l'avantage d'un cadre de description plus général, cette approche offre de l'avantage d'un cadre de description plus général, cette approche offre de l'avantage d'un cadre des description des liens entre les bancs de filtres et les transmultiplexeurs, pour l'optimisation des structures de réalisation et du calcul des coefficients associés.

BFDM/OQAM sous la forme d'un modèle discret de type transmultiplexeur, on présente ci-après quatre modes de réalisation particuliers de l'invention correspondant respectivement à :

deux modes de réalisation BFDM/OQAM qui, au modulateur et au démodulateur, utilisent tous deux un algorithme rapide de transformée de Fourier inverse (IFFT) et se distinguent par le type d'implantation des composantes polyphases du filtre prototype : Mode 1 Algorithme IFFT + filtrage polyphase transverse; 5 - Mode 2 : Algorithme IFFT + filtrage en échelle: deux modes de réalisation adaptés à l'OFDM/OQAM, déduits du suppose in and the BFDM/OQAM-state of Property of the Contract of th Mode 3 evariante du Mode 1 vérifiant l'orthogonalité discrète de l'OFDM/OQAM avec filtrage polyphase transverse et 10 possibilité de mise en œuvre de filtre prototype symétrique ou Williamon of a second transfer of the control of th Mode 4 Nariante du mode 2 vérifiant l'orthogonalité discrète il caugo al abando au adeal OFDM/QQAM avec filtrage polyphase réalisé par une 31 - W. Read of structure of the continuous series of animal continuous series of animal continuous series of the continu 15 1000 1 - 10 2 Des methodes de design de filtres prototypes illustrant ces procédés de réalisation des modulations BFDM/OQAM et OFDM/OQAM sont également présentées. प्राथम कर श्रीमाञ्चल मान्य मान्येत्रीय नाम के जन्म कि निराम्भावना वर्ष हो वर्ष व ्रकार विक्रिक्त का Les résultats présentés illustrent notamment : एक्ट व्यक्त वर्ष les possibilités supplémentaires du BFDM/OQAM pour lequel le 20 délai de transmission reste modulable pour une longueur de filtre All coconir and prototype données Ceci permet, par exemple à retard de transmission identique, d'améliorer les performances en terme de es vide à succession de la localisation temps-fréquence de la transformation associée au tens (2) en se vir modulateur. Cela permet également de maintenir des 25 performances élevées du point de vue de la sélectivité tout en 13 Sec. 1936. est lairentaire la fréduisant le délai de transmission; con brote de la desidans le casi de systèmes dits dos-à-dos, la possibilité avec les modes 2 et 4 d'annuler totalement l'interférence entre symboles

in the latter of the light (IES) et l'interférence entre canaux (IEC) et d'obtenir ainsi ce que de la latter de latter de la latter de latter de la latter de la latter de la latter de latter de la latter de latter

D'autres exemples non reportés ici, montrent également qu'il est possible d'obtenir, en biorthogonal, des performances en localisation comparables à celles de l'OFDM/OQAM, et ceci avec des filtres prototypes beaucoup plus courts.

Pour faciliter la lecture fon retient les notations suivantes : les ensembles, par exemple R le corps réel, ainsi que les vecteurs et matrices, par exemple E(z) et R(z) les matrices polyphases, sont notés en caractère gras. Sinon l'ensemble des symboles mathématiques utilisés est noté en caractère standard avec, en général les fonctions du temps en minuscules et les fonctions des domaines transformés (z et Fourier) en majuscules.

1 - Formulation sous forme d'un transmultiplexeur modulé

A partir d'un filtre prototype causal p[k], déduit de h(t) par translation et discrétisation, nous obtenons un schéma de réalisation qui est celui de la figure 1:

Dans ce schéma les filtres $F_i(z)$ let $H_i(z)$ let $H_i(z)$ avec $0 \le i \le 2M - 1$, se déduisent de $p[k]_i$ (ou P(z)) par modulation complexe, α et β , $0 \le \beta \le M - 1$, sont deux entiers qui se relient à un paramètre D_2 de la modulation $D = \alpha M - \beta$. Les calculs permettant d'aboutir à ce schéma sont reportés en annexe B_i

05.

. .

On peut noter également que les filtres prototypes peuvent être différents.

Par la suite on se contentera d'étudier le cas particulier où q[k] = p[D - k], sans

La réalisation d'un schéma de modulation et de démodulation directement selon cette figure 1 serait extrêmement coûteuse, en termes de complexité opératoire. Selon l'approche de l'invention, on décompose donc les filtres prototypes P(z), en fonction de ses composantes polyphases $G_i(z)$, ainsi que cela est présenté en annexe $G_i(z)$ de seu composantes polyphases $G_i(z)$.

Cette annexe Coprécise également la relation d'entrée-sortie, les conditions à respecter sur les composantes polyphases et le retard de construction.

2 - Exemples de réalisation

5

10

15

20

25

L'ensemble des modes de réalisation décrits par la suite est basé sur la mise en œuvre d'une transformée de Fourier discrète (TFD).

Cette technique présente bien entendu l'avantage que la TFD se traduit par des algorithmes de calcul rapides, intitulés selon leur sigle anglo-saxon FFT,

र करणार करने On note: विकास सुधारों कांग्रेस कुछ हा अर्थेंग विकास सिर्वेंग विकास है।

(29)

 $W_{2}' = \sqrt{2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ e^{-j\frac{2\pi}{2M}\frac{D-M}{2}} & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & \frac{1}{2M}\frac{2\pi}{2M}\frac{D-M}{2} & 0 \\ 0 & \frac{1}{2M}\frac{2\pi}{2M}\frac{D-M}{$ (30)(713)

Et W la matrice de la transformée de Fourier discrète de taille $2M \times 2M$:

 $[W]_{k,l} = e^{-j\frac{2\pi}{2M}kl}, \quad 0 \le l, k \le 2M - 1$ (31)

En utilisant les équations (9) à (12) (annexe C) on obtient :

 $R(z^{2}) = \begin{pmatrix} 0 & G_{2M-1}(z^{2}) \\ & \ddots & \\ G_{0}(z^{2}) & & 0 \end{pmatrix} W^{*}W_{2}$ (32)

 $E(z^{2}) = W_{1}W^{*}\begin{pmatrix} G_{0}(z^{2}) & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & G_{2M-1}(z^{2}) \end{pmatrix}$ (38)(33)

20

5

10

On en déduit les schémas du modulateur de la figure 5 et du démodulateur de la figure 6, tous deux réalisés à l'aide d'une transformée de Fourier inverse IFFT 51, 61. Sur ces figures 5 et 6, s est un entier défini par D = 2.8 M + d, d étant un entier compris entre 0 et 2M-1,

Les notations et données apparaissant sur les figures 5 et 6, de même que sur les autres figures, font bien sûr partie intégrante de la présente description.

Pour simplifier, mais sans perte de généralité, on suppose par la suite que le filtre prototype P(z) est de longueur 2mM de sorte que toutes les composantes polyphases sont de même longueur m.

2.1 - Mode 1 : Algorithme IFFT et décomposition polyphase

5

10

15

20

25

1135

. . s .

17

En reprenant les notations des figures 5 et 6, on déduit les algorithmes de modulation et de démodulation suivants, déjà mentionnés plus haut :

1

1.1

ation et de démodulation suivants, déjà mentionnés plus haut :

2.1.1 Algorithme de modulation
$$x_m^0(n) = a_m e^{j\frac{\pi}{2}n}$$
(34)

$$x_{l}^{1}(n) = \sqrt{2} \sum_{k=0}^{\lfloor \frac{M-l}{2} \rfloor} x_{k}^{0}(n) e^{\frac{\pi i \sqrt{2\pi}}{2M} k \frac{D-M}{2}} e^{j\frac{2\pi}{2M}kl}$$
(35)

$$=2M\sqrt{2}\text{IFFT}\left(x_0^0(n),y_{13},x_{2M-1}^0(n)e^{-j\frac{2\pi}{2M}(2M-1)\frac{D-M}{2}}\right)$$
(36)

$$x_l^2(n) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM) x_k^1(n-2k)$$

$$\sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM) x_k^1(n-2k)$$
(37)

$$s[k] = \sum_{n=\lfloor \frac{k}{M} \rfloor - 1}^{\lfloor \frac{k}{M} \rfloor} x_{k-nM}^2(n)$$

$$2.1.2 \text{ Algorithme de démodulation}$$
(38)

$$\hat{x}_{l}^{2}(n-\alpha) = s[nM - \beta - l] \tag{39}$$

$$\hat{x}_{l}^{2}(n-\alpha) = s[nM - \beta - l]$$

$$\hat{x}_{l}^{1}(n-\alpha) = \sum_{k=0}^{m-1} p(l+2kM)\hat{x}_{l}^{2}(n-\alpha-2k)$$
(40)

$$\hat{x}_{l}^{0}(n-\alpha) = \sqrt{2}e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}}\sum_{k=0}^{2M-1}\hat{x}_{l}^{1}(n-\alpha)e^{j\frac{2\pi}{2M}kl}$$
(41)

$$=2M\sqrt{2}e^{-j\frac{2\pi}{2M}l\frac{D+M}{2}}IFFT(\hat{x}_{l}^{\prime 1}(n-\alpha),\cdots,\hat{x}_{2M-1}^{\prime 1}(n-\alpha))$$
(42)

$$\hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re\left\{e^{-j\frac{\pi}{2}(n-\alpha)}\hat{x}_{l}^{0}(n-\alpha)\right\}^{\frac{1}{2}(n-\alpha)}$$
(43)

2.2- Mode 2 : IFFT et structure en échelle

5

10

15

20

25

Les schémas en échelle constituent un moyen d'implantation proposé récemment pour la réalisation des bancs de filtres. Les inventeurs ont validé mathématiquement leur application à la BFDM/OQAM, décrite ci-après.

On a vu qu'on peut écrire une modulation BFDM/OQAM sous la forme d'un transmultiplexeur utilisant deux FFT inverses (figures 5 et 6), dans lequel apparaissent explicitement les composantes polyphases du prototype utilisé. Chaque filtre polyphase peut alors s'écrire sous la forme d'une échelle. Selon que s est pair ou impair, on peut remplacer les filtres $G_i(z)$ des figures 5 et 6 par les schémas donnés par les figures 7 et 8.

Pour aboutir à de tels schémas, une décomposition matricielle des composantes polyphases est mise en œuvre, qui s'appuie sur des matrices 2x2 dont le nombre et la nature se déterminent en fonction de la longueur du prototype et du délai de réconstruction souhaités.

Par exemple, pour générer la paire de composantes polyphases $[G_l(z), G_{M+l}(z)]$ nous procédons en deux étapes :

l'initialisation est réalisée par un couple (F_0, F_1) . F_0 correspond à un produit de trois matrices auquel vont correspondre les trois premiers éléments des schémas du haut aux figures 7 et 8. La forme exacte de F_1 dépend de la parité du paramètre s. C'est la matrice identité pour s pair (cf. schéma du haut à la figure 7) ou c'est un produit de deux matrices C_0 et B_0 pour s impair, auquel

1 -

5

10

15

20

25

30

vont correspondre les deux éléments suivants dans le schéma du haut à la figure 8. On obtient ainsi un prototype de longueur 2M (s = 0) ou 4M (s = 1).

Pour augmenter la longueur de P(z), sans ou avec accroissement de délai, on applique ensuite un jeu de matrices qui sera respectivement soit (A, B), soit (C, D). On obtient ainsi la suite du schéma de réalisation.

¥ 5,

Le même principe s'applique aux composantes polyphases $[G_{d-l}(z), G_{d-M-l}(z)]$, en prenant cette fois les inverses des matrices précédentes.

Un intérêt de cette structure est qu'elle garantit une reconstruction parfaite, même en présence d'erreur sur les coefficients calculés, en particulier des erreurs de quantification.

Par ailleurs, cette structure facilite aussi l'optimisation du filtre prototype, par exemple en prenant un critère de localisation ou de sélectivité en fréquence : il suffit d'optimiser (2m+1) = mM coefficients au lieu de 2mM, agricultur approprie la apparation du de selectivité en fréquence : (2m+1) = mM coefficients au lieu de 2mM, agricultur approprie apparation du filtre prototype, par exemple en prenant un critère de localisation ou de sélectivité en fréquence : (2m+1) = mM coefficients au lieu de 2mM, agricultur approprie de la constitute de 2mM, agricultur approprie de 2mM, agricultur appr

The disk 3 - Complexité des différentes réalisations quo riscord de situate de la superiore de

Pour effectuer une comparaison, des différents modes de réalisation of proposés, on se place dans le cas commun où $N_0 = 2mM_0$. Dans ce cas, chaque so composante polyphase a une longueur égale à messal que la composante polyphase a une longueur égale à messal que le composante polyphase a une longueur de la composante polyphase a une longueur de la composante polyphase a la composante polyphase a la composante polyphase a la composante polyphase a la composante polyphase a

Sous la forme d'une échelle ou, dans-le cas orthogonal, sous celle d'un treillis.

Même si les échelles et les treillis possèdent deux sorties, une seule est exploitable.

はは、それない。 (Surchaque sous-bande, on effectue, au niveau du modulateur : には、 という (以れている) unev pré-modulation。(以れてはにははない。) (以れている) phase, c'est-à-dire une

une transformée de Fourier inverse; une transformée de Fourier inverse; une filtrage polyphase.

Au démodulateur, on effectue les mêmes opérations dans le sens inverse.

On peut donc en déduire la complexité du transmultiplexeur complet avec pré-modulation, en terme d'opérations complexes (tableau 1) ou réelles (tableau 2).

No facility of the second of t	Additions complexes	- Multiplications
Réalisation transverse Réalisation en échelles	$2m - 2 + 2 \log_2 2M$ $4m + 2 + 2 \log_2 2M$	$2m + 2 + \log_2 2M$ $4m + 2 + \log_2 2M$
Réalisation en treillis (normalisé)	$4m - 4 + 2 \log_2 2M$	$4m + 2 + \log_2 2M$

TABLEAU 1 – Nombre d'opérations complexes par sous-bande et par échantillon pour le transmultiplexeur complet.

5

10

15

si <i>3</i> 0)	róelles paus le modulistics	Additions réelles	Multiplications
	Réalisation transverse	$2m + 3\log_2 2M$	$2m + 4 + 2 \log_2 2M$
n Ten 1.	Réalisation en échelles, 25,	$3 \log_2 2M$	$4m + 6 + 2 \log_2 2M$
	* Réalisation en treillis uborc	$4m + 3 \log_2 + 2M$	$4m + 4 + 2 \log_2 2M$
	normalisé) (normalisé)		

TABLEAU 2 – Nombre d'opérations réelles par sous-bande et par échantillon

way officer and body that it his to me, within it can be in account to be body

Le gain apporté par rapport à une réalisation directe du schéma de la figure 1 est donc net, puisque celle-ci nécessiterait 2mM-1 additions complexes par sous-bande et par échantillon, au modulateur comme au démodulateur.

En termes de cases mémoire, il faut stocker 4M valeurs complexes pour réaliser la pré-modulation ainsi que les coefficients des différentes structures.

Most on extract obligation out, those after some in a

Lorsqu'on a les mêmes filtres à l'émission et à la réception, on obtient la première colonne du tableau 3. Par ailleurs, il faut dans tous les cas stocker 4(m+1)M valeurs complexes dans un "buffer" pour le filtrage polyphase au modulateur comme au démodulateur.

5

10

15

20

'n,

1	ROM	RAM
Réalisation transverse	2 (m + 1) M+2	4(m + 3) M
Réalisation en échelles	$(2m+1)\left[\frac{M-1}{2}+2M+2\right]$	4(m.+.3) M
13 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	a di Denegar	in engl.
symétrique	(m + 2) M+ 2	
Réalisation en tréillís	$m \left[\frac{M}{2} \right] + 2M + 2^{\frac{1}{2}}$	4(m+3) M
(normalisé)	्यः क प्राच्ये विविध्यक्षण भ ले	e was been to the

P.

démodulateur) complet.

Les différentes techniques proposées se caractérisent notamment par le fait que, pour un système modulateur-démodulateur mis "dos-à-dos", leurs IES et IEC sont exactement nulles. En pratique, du fait de l'imprécision du calcul numérique, elles sont généralement de l'ordre de 10-14.

Dans le cas des modes 2 et 4, cette caractéristique de reconstruction parfaite est assurée structurellement, c'est-à-dire qu'elle est maintenue après quantification des coefficients échelles pour le BFDM/OQAM ou treillis pour l'OFDM/OQAM.

Deux critères peuvent être pris en compte pour le design des filtres prototypes : la localisation et la sélectivité. On peut également tenir compte d'autres aspects, tels que les distorsions de canal représentatives de différents canaux de transmission, par exemple du type radio-mobile.

The second of the second section of the second

1:

ంగా 17వి ఆంత్రీ కంగా గాగా ఉందాని సింగార్ అయికే ఉంది. మీగాలింటి

A titre d'exemples purement indicatifs, les tableaux 4 et 5 de l'annexe D donnent des réalisations particulières de l'invention, dont les résultats sont illustrés par les figures 11A, 11B, 12A et 12B.

Les figures 11A et 11B présentent respectivement la réponse temporelle et la réponse fréquentielle pour un prototype biorthogonal avec M=4, N=32, $\alpha=8$, $\xi=0.9799$ (localisation), $\xi_{mod}=0.9851$ (localisation modifiée, selon le critère de Doroslovacki). Elles correspondent à la première colonne du tableau 4 (coefficients transverses) et au tableau 5 (coefficients des échelles).

5

10

Î

Les figures 12A et 11B présentent respectivement la réponse temporelle et la réponse fréquentielle pour un prototype biorthogonal avec M = 4, N = 32, $\alpha = 2$, $\xi = 0.9634$ (localisation), $\xi_{\text{mod}} = 0.9776$ (localisation modifiée, selon la mesure de Doroslovacki). Elles correspondent à la seconde colonne du tableau 4.

Described that had held hear (thing) we cough de have a mangemeler of the

and a straight of the straight of a straight

The state of the second of the second

free of the state of the same

May the Month Miller

en moteration, que em statos, especielidad espectamentos. O percos fer a travelezar en enquer de

were the second and t

that stongs a showing of the entire of the state of the s

Annexe A

24

Modulation multiporteuse de type BFDM/OQAM

Dans cette annexe, en guise d'introduction aux modulations BFDM/OQAM, nous rappelons quelques définitions essentielles sur lambiorthogonalité ([16], [17], [18]).

Soit E un espace vectoriel sur un corps K, les définitions et propriétés que nous allons utilisér pour générer une modulation BFDM/OQAM peuvent se résumer ainsi:

Definition A.1 Soient $(x_i)_{i\in I}$ et $(\tilde{x}_i)_{i\in I}$ deux familles de vecteurs de \mathbf{E} . $(x_i)_{i\in I}$, $(\tilde{x}_i)_{i\in I}$ sont biorthogonales si et seulement si: $\forall (i,j) \in \mathbf{I}^2$, $\langle x_i, \tilde{x}_j \rangle = \delta_{i,j}$

Définition A.2 Soient $(x_i)_{i\in I}$ et $(\tilde{x}_i)_{i\in I}$ deux familles de vecteurs de \mathbf{E} . $(x_i)_{i\in I}$, $(\tilde{x}_i)_{i\in I}$ forment un couple de bases biorthogonales de \mathbf{E} si et seulement si:

- $(x_i)_{i\in I}$ et $(\tilde{x}_i)_{i\in I}$ forment deux bases de \mathbf{E}
- $(x_i)_{i\in I}$ et $(\tilde{x}_i)_{i\in I}$ sont deux familles biorthogonales

Propriété A.1 Soit $((x_i)_{i\in I}, (\tilde{x}_i)_{i\in I})$ un couple de bases biorthogonales de \mathbf{E} , alors $\forall x \in \mathbf{E}$:

- $x = \sum_{i \in I} \langle x_i, x \rangle \tilde{x}_i = \sum_{i \in I} \langle \tilde{x}_i, x \rangle x_i$
- $si \ x = \sum_{i \in I} \alpha_i x_i$, $alors \ \alpha_i = \langle \tilde{x}_i, x \rangle$
- $si \ x = \sum_{i \in I} \tilde{\alpha}_i \tilde{x}_i$, $alors \ \tilde{\alpha}_i = \langle x_i, x \rangle$
- $||x||^2 = \sum_{i \in \mathbf{I}} \langle x_i, x \rangle^* \langle \tilde{x}_i, x \rangle$

Un signal complexe modulé en fréquence sur 2M sous-porteuses peut s'écrire

$$s(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} h(t - n\tau_0) e^{2j\pi(f_0 + m\nu_0)t} e^{j\varphi_{m,n}}$$
(1)

avec:

5

10

15

20

- $-a_{m,n}\in\mathbf{R};$
- h un filtre prototype réel, de largeur de bande ν_0 et de support fini: $h(t) \in [-T_1, T_2]$ avec T_1 et T_2 des réels;

- $f_0=0;$ $-\nu_0\tau_0=\frac{1}{2}.$

Pour obtenir une modulation biorthogonale on cherche à écrire s(t) à l'aide d'un couple $(\chi_{m,n}, \tilde{\chi}_{m,n})$ de bases biorthogonales:

$$s(t) = \sum_{n = -\infty}^{+\infty} \sum_{m = 0}^{2M - 1} a_{m,n} \chi_{m,n}(t)$$
(2)

avec:

5

10

15

$$a_{m,n} = \Re\left\{ \int_{-\infty}^{+\infty} s(t) \tilde{\chi}_{m,n}^*(t) dt \right\} = \langle s, \tilde{\chi}_{m,n} \rangle$$
(3)

La dérivation des expressions des bases discrètes associées est présentée en No programme annexe 2.

Après translation de T_1 et discrétisation à la période $T_e = \frac{\tau_0}{M} = \frac{1}{2M\nu_0}$, il est également possible, cf. annexe 2, de définir un couple de bases biorthogonales discrètes $(\chi_{m,n}[k], \tilde{\chi}_{m,n}[k])$ tel que

$$s[k] = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} \frac{a_{m,n} \chi_{m,n}[k]}{\sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} \frac{a_{m,n} \chi_{m,n}[k]}{\sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{+\infty} \frac{a_{m,n} \chi_{m,n}[k]}{\sum_{n=-\infty}^{+\infty} \frac{a_{$$

$$(\mathfrak{L}^{*}) \qquad a_{m,n} = \Re\left\{\sum_{k} s[k] \tilde{\chi}_{m,n}^{*}[k]\right\} = \langle s, \tilde{\chi}_{m,n} \rangle^{2} \langle s,$$

avec: 20

$$\chi_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} \ p[k-nM] e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM-\frac{D-M}{2})}$$

$$\tilde{\chi}_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} \ q[k-nM] e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM-\frac{D-M}{2})}$$
(6)

The said month hame to the Lond of the said

$$\tilde{\chi}_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} \ q[k-nM] e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM-\frac{D-M}{2})}$$
(7)

The first the straining of the first the first section 25 (3)

Annexe B

Le transmultiplexeur BFDM/OQAM

B.1 Cas général biorthogonal

On pose N la longueur du filtre prototype p[k], de telle sorte que:

$$2T = T_1 + T_2 = (N-1)T_e (8)$$

et $T_1=2\lambda T$, $T_2=2(1-\lambda)T$ avec $\lambda\in[0,1].$ Alors:

$$s[k] = \sqrt{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} (-1)^{mn} p[k-nM] \times e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM)} e^{j(\varphi_{m,n}-\frac{2\pi}{2M}m\lambda(N-1))}$$

$$= \sqrt{2} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} a_{m,n} (-1)^{mn} p[k-nM] \times e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM)} e^{j(\varphi_{m,n}+\frac{2\pi}{2M}m(\frac{D-M}{2}-\lambda(N-1)))}$$

$$\times e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM-\frac{D-M}{2})} e^{j(\varphi_{m,n}+\frac{2\pi}{2M}m(\frac{D-M}{2}-\lambda(N-1)))}$$

$$(10)$$

$$\times e^{j\frac{2\pi}{2M}m\left(k-nM-\frac{D-M}{2}\right)}e^{j\left(\varphi_{m,n}+\frac{2\pi}{2M}m\left(\frac{D-M}{2}-\lambda(N-1)\right)\right)} \tag{10}$$

3.1

00

W

avec D un paramètre fixé arbitrairement et qui, comme on le verra, permet de 15 gérer le retard de reconstruction. Au vu de l'équation (10), on pose maintenant:

$$\varphi_{m,n} = n \frac{\pi}{2} - \frac{2\pi}{2M} \left(\frac{D-M}{2} - \lambda (N-1) \right)^{\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}}$$
(11)

$$x_{m}(n) = (-1)^{mn} e^{j\frac{\pi}{2}n} a_{m,n-k} = \left\{ [\lambda]_{\pi,m} \chi[\lambda] e^{-j\frac{\pi}{2}n} \right\} = \int_{\mathbb{R}^{N}} (12) e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-\frac{D-M}{2})} \left\{ [\lambda]_{\pi,m} \chi[\lambda] e^{-j\frac{\pi}{2}n} \right\} = \int_{\mathbb{R}^{N}} (12) e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-\frac{D-M}{2})} \left\{ [\lambda]_{\pi,m} \chi[\lambda] e^{-j\frac{\pi}{2}n} \right\} = \int_{\mathbb{R}^{N}} (12) e^{j\frac{\pi}{2}n} e^{j\frac{\pi$$

$$f_m(k) = \sqrt{2} p[k] e^{j\frac{2\pi}{2M}m\left(k - \frac{D-M}{2}\right)}$$
 (13)

20 de sorte que:

 $\{A\}$

5

10

de sorte que:
$$s[k] = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \sum_{m=0}^{2M-1} \widehat{x}_m(n) f_m(k+nM) \log \widehat{x}_{m+m+1}$$

$$(14)$$

Par ailleurs, la base duale de démodulation s'écrit:

25
$$\tilde{\chi}_{m,n}[k] = (-1)^{mn} \sqrt{2} \ q[k-nM] e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM-\frac{D-M}{2})} e^{j\frac{\pi}{2}n}$$
 (15)

٠,

12.

5

10

et:
$$\hat{a}_{m,n} = \Re\left\{ (-1)^{mn} \sqrt{2} \sum_{k=1}^{\infty} s[k] q[k-nM] + e^{-j\frac{2\pi}{2M}m(k-nM-\frac{D-M}{2})} e^{-j\frac{\pi}{2}n} \right\}$$

$$= \Re\left\{ (-1)^{mn} \sqrt{2} \sum_{k=1}^{\infty} s[D+nM-k] q[D-k] \right\}$$
(16)

$$\times e^{-j\frac{2\pi}{2M}m\left(D-k\frac{D-M}{2}\right)}e^{-j\frac{\pi}{2}n}$$

$$= \Re\left\{ (-1)^{mn} \sqrt{2} \sum_{k} s[D + nM - k] q[D - k] \times e^{j\frac{2\pi}{2M} m \left(k - \frac{D+M}{2}\right)} e^{-j\frac{\pi}{2}n} \right\}$$
(18)

ce qui nous amène à poser:
$$h_m(k) = \sqrt{2} \ q[D-k] e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-\frac{D+M}{2})}$$
(19)

$$D = \alpha M - \beta$$
 avec α et β entiers et $0 \le \beta \le M - 1$ (20)

(V) with the (V) and the (A)

de sorte que:

20
$$\hat{a}_{m,n-\alpha} = \Re\left\{ (-1)^{m(n-\alpha)} e^{-j\frac{\pi}{2}(n-\alpha)} \sum_{k} s[nM - k - \beta] h_m(k) \right\}$$
 (21)

Le facteur $(-1)^{mn}$ apparaît aussi bien au modulateur qu'au modulateur si bien qu'on peut le supprimer sans rien changer, et on aboutit alors au schéma du transmultiplexeur de la figure 1.

Cas particulier orthogonal **B.2** 25

Dans le cas orthogonal, on a D = N - 1 et q[k] = p[k], d'où:

$$f_m(k) = \sqrt{2}p[k]e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-\frac{N-1}{2})}e^{j\frac{\pi}{2}m}$$
(22)

$$f_m(k) = \sqrt{2p[k]}e^{j\frac{2\pi}{2M}} \qquad 2^{-\frac{1}{2}}e^{-j\frac{\pi}{2}m}$$

$$h_m(k) = \sqrt{2p[N-1-k]}e^{j\frac{2\pi}{2M}m(k-\frac{N-1}{2})}e^{-j\frac{\pi}{2}m} \qquad (23)$$

Dans le cas où q[k] = p[D-k] on a alors p[k] = p[N-1-k]: le prototype est symétrique. Mais contrairement à ce qu'on peut souvent lire de manière impli-30 cite ou explicite ([4], [6], [7], [9]), la symétrie du prototype n'est absolument



5

10

15

25

pas nécessaire. On pourra pour s'en convaincre prendre l'un des prototype suivants et vérifier numériquement (une vérification directe est assez fastidieuse) qu'il permet la reconstruction parfaite pour M=4 dans le cas orthogonal (on a alors N-1=D=7, $\alpha=2$ et $\beta=1$):

$$P(z) = \frac{1}{4} \left(1 + z^{-1} + z^{-2} + z^{-3} - z^{-4} - z^{-4} - z^{-5} - z^{-6} - z^{-7} \right)$$
 (24)

$$P(z) = \frac{1}{4} \left(1 + z^{-1} - z^{-2} + z^{-3} + z^{-4} + z^{-4} + z^{-5} - z^{-6} + z^{-7} \right) \quad (25)$$

On peut même vérifier que tout prototype $P(z) = \sum_{n=0}^{7} p(n)z^{-n}$ vérifiant (26) à (31) assure aussi la reconstruction parfaite pour M = 4 dans le cas orthogonal:

$$c_0 = \pm 1$$
 , $c_1 = \pm 1$ (26)

$$\varepsilon_0 = \pm 1 \quad , \quad \varepsilon_1 = \pm 1 \tag{27}$$

$$|p(0)| \le \frac{\sqrt{2}}{4} \quad , \quad |p(1)| \le \frac{\sqrt{2}}{4}$$
 (28)

$$p(2) = \varepsilon_1 \sqrt{\frac{1}{8} - p(1)^2} , \quad p(3) = \varepsilon_0 \sqrt{\frac{1}{8} - p(0)^2} \sqrt{\frac{1}{8} - p(0)^2} \sqrt{\frac{1}{8} - p(0)^2}$$

$$(29)$$

$$p(4) = c_0 \varepsilon_0 \sqrt{\frac{1}{8} - p(0)^2} , \quad p(5) = c_1 \varepsilon_1 \sqrt{\frac{1}{8} - p(1)^2}$$
 (30)

$$p(6) = c_1 \varepsilon_1 p(1)$$
 , $p(7) = c_0 \varepsilon_1 p(0)$ (31)

 $E=aM=\rho$ used α et β entiern el $0 \le \beta \le M=0$

.e sorte que:

137

20
$$\left\{ (\lambda)_n d (1 - \lambda) \cdot M n (1 - \lambda) \cdot M n (1 - \lambda) \cdot M n (1 - \lambda) \right\} \mathcal{H}_{\mathcal{F}_{n}} = 0$$

Le fachum (+-1) i lange aft ansel bled on av lahtham golen moduktion al sime qui en pout le magnet de mass de commenten de la pout le magnet est mode francomolifiatement, acuse figure 1.

is the first of the first on a first of the first of the first of the first one of the firs

$$P_{\infty}(\mathbf{k}) = P_{\infty}(\mathbf{k} - \mathbf{k}) e^{i\frac{2\pi i}{3} \pi i \sin \theta}$$
 (2)

the equipment of the first problem is to be the filter of the second eastle as the second eas

Annexe C

La condition de biorthogonalité

Approche polyphase C.1

5

10

15

20

25

30

La réalisation d'un schéma de modulation et démodulation selon la figure 1 serait extrêmement coûteux en termes de complexité opératoire. La décomposition du prototype P(z) en fonction de ses composantes polyphases $G_l(z)$,

$$H_m(z) = \sqrt{2} \sum_{l=0}^{2M-1} e^{\frac{i\pi}{M}m(l-\frac{D-M}{2})} z^{-l} G_l(z^{2M})$$
(33)

$$F_m(z) = \sqrt{2} \sum_{l=0}^{2M-1} e^{\frac{i\pi}{M}m(l-\frac{D-M}{2})} z^{-l} G_l(z^{2M})$$
(34)

On en déduit ainsi l'expression des matrices polyphases R(z) et E(z) des bancs de filtres du modulateur et démodulateur : hoby offres si cha la company

$$E(z^2) \stackrel{\text{def}}{=} W_1 \stackrel{G_0(z^2)}{=} 0$$

$$0 \stackrel{\text{def}}{=} G_{2M-1}(z^2) \stackrel{\text{def}}{=} G_{2M-1}(z^2)$$

$$0 \stackrel{\text{def}}{=} G_{2M-1}(z^2)$$

$$R(z^2) = J \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac$$

is the same least
$$f(z) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}$$

où J, W_1 et W_2 sont définis ci-dessous :

$$[W_{1}]_{k,l} = \sqrt{2} e^{\frac{i\pi}{M}k(l - \frac{D+M}{2})}$$

$$[W_{2}]_{k,l} = \sqrt{2} e^{\frac{i\pi}{M}k(l - \frac{D+M}{2})}$$
(38)

$$[W_1]_{k,l} = \sqrt{2} e^{\frac{i\pi}{M}k(l - \frac{D-M}{2})}$$

$$[W_2]_{k,l} = \sqrt{2} e^{\frac{i\pi}{M}k(l - \frac{D-M}{2})}$$
(38)

at a reach

De manière à isoler la fonction transmultiplexeur nous introduisons la notation qui suit, où par commodité d'écriture, on ne prendra plus $x_m(n) = j^n a_{m,n}$, mais $x_m(n) = a_{m,n}$, de manière à avoir:

is
$$x_m(n) = a_{m,n}$$
, de manière à avoir:
$$\begin{cases} x_m(n) &= a_{m,n} \\ \Re(\hat{x}'_m(n)) &= \hat{x}_m(n) = \hat{a}_{m,n} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} X_m(-jz) & \stackrel{TZ}{\longleftrightarrow} j^n a_{m,n} \\ \hat{X}'_m(-jz) & \stackrel{TZ}{\longleftrightarrow} j^n \hat{x}'_m(n) \end{cases}$$
(39)

 $x_m(n)$ représente les symboles réels à émettre et $\hat{x}'_m(n)$ les symboles complexes reçus avant extraction de la partie réelle. La figure 2 donne une vue globale de la chaîne.

Les matrices polyphases $\mathbf{E}(z^2)$ et $\mathbf{R}(z^2)$ permettent d'obtenir une représentation sous forme polyphase du transmultiplexeur (figure 3). Il reste alors à prendre la partie réelle des échantillons de sortie $\hat{x}_m^n(n-\alpha)$ pour reconstituer l'entrée avec un retard de α échantillons.

C.2 Relation d'entrée-sortie

5

10

15

20

25

Nous notons X(z) le vecteur représentant, dans le domaine transformé en z, les données émises. À la réception, après démodulation, nous notons par $\hat{X}'(-jz)$ le vecteur des transformées en z associé aux données reçues. L'extraction de la partie réelle fournit ensuit le vecteur $\hat{X}(z)$. Notre but est alors:

ં રં

3.7

- ors:

 de déterminer la relation entrée-sortie, c'est-à-dire la relation entre X(z),

 et $\hat{X}(z)$;
 - de déterminer les conditions sur les composantes polyphases $G_l(z)$ de P(z) permettant de garantir l'égalité $\hat{X}(z) = X(z)$;
 - d'en déduire le retard de construction α.3

Les 3 principaux éléments de ce schéma permettant de déterminer la relation entrée-sortie sont les 2 matrices polyphases E(z) et R(z) ainsi que la matrice de transfert $\Delta_{\beta}(z)$, liée aux expanseurs, délais et décimateurs. Pour déterminer cette dernière on peut se baser sur le cas élémentaire représenté à la figure 4 pour lequel la fonction de transfert est donnée par

$$V(z) = \begin{cases} 0 & \text{si } K \text{ n'est pas multiple de } M, \\ z^{-\frac{K}{M}} U(z) & \text{si } K \text{ est multiple de } M \end{cases}$$
(40)

De la figure 3 il vient ensuite:

$$z^{-\alpha} \hat{X}'(-jz) = E(z^2) \Delta_{\beta}(z) R(z^2) X(-jz)$$

$$(jz)^{-\alpha} \hat{X}'(z) = E(-z^2) \Delta_{\beta}(jz) R(-z^2)) X(z)$$

$$\hat{\boldsymbol{X}}'(z) = j^{\alpha} z^{\alpha} \boldsymbol{W}_{1} G(jz) \boldsymbol{W}_{2}^{T} \boldsymbol{X}(z)$$
(41)

où la matrice G(z) est définie ci-dessous:

$$G(z) = \begin{pmatrix} G_0(z^2) & 0 \\ & \ddots & \\ 0 & & G_{2M-1}(z^2) \end{pmatrix} \Delta_{\beta}(z) \begin{pmatrix} 0 & G_{2M-1}(z^2) \\ & & \ddots & \\ G_0(z^2) & 0 \end{pmatrix}$$
(42)

On a alors:

in a alors:
$$\hat{X}(z) = \hat{Q}(z)X(z)$$

avec: 10

5

15

20

rec:
$$Q(z) = \Re \left\{ (jz)^{\alpha} W_1 G(jz) W_2^T \right\}$$
(44)

Après calcul, on obtient:

Après calcul, on obtient:
$$Q_0(z) = \begin{pmatrix} Q_0(z) & 0 & Q_1(z) & \cdots & Q_{M-1}(z) & 0 \\ 0 & Q_0(z) & 0 & Q_1(z) & Q_{M-1}(z) \\ Q_1(z) & 0 & Q_0(z) & 0 & Q_1(z) \\ \vdots & Q_1(z) & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & Q_1(z) & 0 & Q_0(z) \\ \vdots & Q_{M-1}(z) & \cdots & Q_1(z) & 0 & Q_0(z) \\ \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & Q_1(z) & 0 & Q_0(z) \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_1(z) & 0 & Q_0(z) \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & 0 & Q_0(z) & \vdots \\ Q_{M-1}(z) & 0 & Q_0(z) & \vdots \\$$

avec:

$$Q_{\xi}(z) = 2(-1)^{\xi} \sum_{l=0}^{M-1} U_l \left(-z^2\right) \frac{1}{\cos^2 \left[\frac{2\pi}{M} \xi \left(l - \frac{d}{2}\right)\right]^{(1-d)}} (46)$$

La signification de d est précisée plus loin. L'expression exacte de $U_l(-z^2)$ dépend d'ailleurs de ce paramètre d (entier positif ou nul), on peut alors démontrer qu'on a reconstruction parfaite si et seulement si:

25 - si
$$0 \le d \le M - 1$$
:

 $- \sin 0 < l \le d$:

$$G_l(z) G_{d-l}(z) + z^{-1} G_{M+l}(z) G_{M+d-l}(z) = \frac{z^{-s}}{2M}$$
 (47)

 $- \sin d + 1 < l \le M - 1$: 30

$$G_l(z) G_{2M+d-l}(z) + G_{M+l}(z) G_{M+d-l}(z) = \frac{z^{-(s-1)}}{2M}$$
 (48)

- si
$$M \le d \le 2M - 1$$
:

5

15

20

25

30

- si
$$0 \le l \le d - M$$
:

$$G_l(z) G_{d-l}(z) + G_{M+l}(z) G_{d-M-l}(z) = \frac{z^{-s}}{2M}$$
(49)

Commendate of the Comment

1

71

05

:5

. .

1 - M. . . > Ch.

$$- \sin d + 1 - M \le l \le M - 1$$
:

$$- \sin d + 1 - M \le l \le M - 1:$$

$$G_l(z) \ G_{d-l}(z) + z^{-1} G_{M+l}(z) \ G_{M+d-l}(z) = \frac{z^{-s}}{2M}$$
(50)

avec d et s les entiers définis par $D=2sM+d, s\geq 0$ et $0\leq d\leq 2M-1$. Le retard de reconstruction α est lié au paramètre s par les relations:

10
$$\alpha = \begin{cases} 2s & \text{si } d = 0 \\ 2s + 1 & \text{si } d \in \{1, \dots, M\} \\ 2(s + 1) & \text{si } d \in \{M + 1, \dots, 2M - 1\} \end{cases}$$
(51)

De ce résultat on peut déduire le cas particulier orthogonal pour lequel D=N-1, avec N la longueur du filtre prototype paraunitaire, c'est-à-dire symétrique ici (on dit que P(z) est paraunitaire si $P(z)=z^{-(N-1)}\tilde{P}(z)$ avec $\tilde{P}(z) = P^*(z^{-1})$). On peut en effet vérifier que:

$$G_{d-l}(z) = z^{-s}\tilde{G}_{l}(z) \quad \text{si } 0 \leq l \leq d_{s}$$

$$G_{2M+d-l} = z^{-(s-1)}\tilde{G}_{l}(z) \quad \text{si } d+1 \leq l \leq 2M(-1)$$

$$(52)$$

$$(53)$$
Ainsi, dans le cas particulier orthogonal, on a reconstruction parfaite, avec un
$$N^{-1+\beta} = i \text{ the soulement sign}$$

retard $\alpha = \frac{N-1+\beta}{M}$, si et seulement si:

$$G_{l}(z) \tilde{G}_{l}(z) + G_{l+M}(z) \tilde{G}_{M+l}(z) = \frac{1}{2M} \underbrace{0 \leq l \leq M-1}_{S_{N-l}(z)} \underbrace{(54)}_{S_{N-l}(z)}$$

La digenfria inclue d'array dedisée plus lors. Livagrassina exante da W(+ N desend dictions on or promette defends poolite on authorized not dear describinar de la participa politica politica e la regional de la regional de

The state of the s

ing standard of the second transfer to be / N.

Annexe D

E Coefficients des filtres prototypes obtenus par optimisation

5	n	exemple figures 11A, 11B	exemple figures 12A, 12B
	0	-4.460868105953324e-05	5.014949968230972e-02
	1	-8.827693704913472e-05	1.455583816489019e-01
	2	1.816721975145588e-04	2.500737066757044e-01
	3	2.302861759368111e-04	3.228805982747062e-01
	4	-1.172447599636272e-03	3.661515202615520e-01
;	5 :	-1.827055790732281e-03	3.515099229023638e-01
10	6	-3.760044826875730e-03	2.548572622632939e-01
10	7	-6.052599354959620e-03	1.351315191913547e-01
	8	-6.541334278009250e-03	5.168757567424829e-02
	9	-2.320957844665448e-03 [*]	1.125177964848224e-02
	10	1.063973252261601e-02	-4.802381010162210e-03
	11	4.151536856291601e-02	-1.106221296463278e-02
	12	1.043838059706333e-01	-8.872655589434630e-03
	13	2.005189128209921e-01	-3.753426678003194e-03
15	14	2.913131449163113e-01	-1.654867643757010e-03
	15	3.352627462532674e-01	-1.383187971152199e-03
,	16	3.351172696026857e-01	-3.813932123570836e-04
	17	2.909415993397522e-01	5.624569918905843e-06
· ·	18	2.000454638421703e-01	-2.475635347949224e-06
	19	1.039959799288574e-01	4.952234305253537e-05
	20	4.124129545474275e-02	2.048787314180216e-05
20	21	1.040407270162191e-02 "	1.004915628115845e-07
	22	-2.440939909195805e-03	4.423431446835775e-08
	23	-6.649467765409867e-03	2.649149072234273e-06
	24	-5.878063999471562e-03	1.785190585201287e-08
	25	-2.983359331348727e-03	6.863128678632993e-12
	26	-2.475652683945518e-03	-3.021006714034441e-12
	27	-8.249232623623326e-04	-2.308376067571482e-09
25	28	-8.891453128240245e-05	6.598349790230041e-12
	29	-4.464223698699074e-04	-5.789492272166598e-16
	30	3.704504269829711e-04	-2.548414264695020e-16
	31	1.247820119405080e-05	8.532126971482393e-13

TAB. 4 - Prototypes biorthogonaux avec M=4 et N=32 (coefficients transverses).

Take A

	l=0	l=1
$f_{0,0}$	"2.820843813510179e-01 '	1.299280891559943e-01
$f_{0,1}$	-5.673498928902276e-01	-3.310904763283146e-01
$f_{0,2}$	3.721645241266496e-01	-3.738170157940610e-02
c_0^0	-1.167480680205269e-01	-2.847704852297620e-02
b_0^0	₹1.064716331427927e-01	÷1.181506919769764e-01
a_0^1	,-1.596131503239696e-01	9.127789670781582e-02
b_0^{1}	-2.626782049187459e+01	-2.054722686392923e+01
c_0^1	-1.614447045462511e-04	-3.551599154933042e-04
d_0^{1}	2.628294699122717e+01	2.069686434312222e+01

	TAB. 5 - Prototype biorthogonal (co	efficients des échelles) avec 1	M=4
10	$N = 32 \text{ et}^{\alpha} = 8 \text{ (c}^{\alpha}$	f. fig. 11A; 11B).	: '
	the state of the s	I have to be the delication	i j
	The second secon		
	Markey Control of the Control	10 中,他们是15年的15日	
•		•	
	the state of the state of the	10.381800777788467417	
15	1. 对如此。 在1.00克勒尼克斯。	10-618990NJC1831F1 C	1 32 1
15	####################################	[The source restrictions of	126
	SC ATD FOR CEYPYOLDS AND	d 372, 274325326746-01	(Cl
	-4.8139321225705365-01	0.201172698026857e-01	91
	6.624569018908448-06	2.9094139983975226-01	7:
	-9. 673535347S 492946-06	2,0091546333217036-01	81
	4.9922343092509576-05	1.635/597903885746-01	0.5

2.043787314141802763-25 4,17,41,392,407,427,563-623 11.004017638113848e-U7 1.1404772771621916-02 4,400401440,351765-28 -2 - 1.0939900195805e-CO FOR EVENE & FORMALOWAT 1:0-a18800a69115.1342.6 TOTAL BUILDINGS OF THE -5.0% 1150 grd 47156 ac. 0.3 -1 #4 (2.159*41.1548727 & 93

. 1

W

OF BEHARDS TO WORK IN CO 201664585680 DY 1.0 ·特米的位置特征的国际的特别的 \$0-680868888 APPENDED BLO MARCO BARRO FI ALESTIANDER FOR THE 者中心部部的 (1) (**(1)**) (1) (1) *3 45 700 68 30 00 64 6 * 建工物的国际 \$1.042704588397736736 - 07-080688 - 1 178-50-6 1 | 1-38-10-<mark>8608</mark>41, 8-6 14 2 1

Pro. 4 - Project go erretugazione in televisione dell'in dell'in militaria

1 5 WEBBER

30

25

20

\mathbf{A} nnexe \mathbf{E}

1999 / 1 基础模型 (M. N. C. A. C.

HORINATE OF COME

Références

1 4 65 E

5

10

15

20

- [1] D. Pommier and Yi. Wu. Interleaving of spectrum-spreading in digital radio intended for vehicles. EBU Rev.-Tech., (217):128-142, June 1986.
- [2] L. Vandendorpe. Fractionnally spaced linear and decision feedback detectors for transmultiplexers. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 46(4):996-1011, 1998.
- [3] B. Le Floch, M. Alard, and C. Berrou. Coded Orthogonal Frequency Division Multiplex. *Proceedings of the IEEE*, 83:982-996, June 1995.
- [4] A. Vahlin and N. Holte. Optimal finite duration pulses for OFDM. *IEEE Trans. Communications*, 44(1):10-14, January 1996.
- [5] W. Kozek, A. F. Molish, and E. Bonek. Pulse design for robust multicarrier transmission over doubly dispersive channels. In *Proc. Int. Conf. on Telecommunications (Porto Carras, Greece)*, volume 2, pages 313-317, June 1998.
- [6] H. Boelcskei, P. Duhamel, and R. Hleiss. A design of pulse shaping OFDM/OQAM systems for wireless communications with high spectral efficiency. Submitted to IEEE Transactions on Signal Processing, November 1998.
- [7] H. Boelcskei, P. Duhamel, and R. Hleiss. "Design of pulse shaping OFDM/OQAM systems for high data-rate transmission over wireless channels". In *Proc. International Conference on Communications (ICC)*, Vancouver, June 1999.
- [8] N. Lacaille. Relations bancs de filtres-modulations multiporteuses et application à l'OFDM/OQAM. Technical report, DEA Université de Rennes I, CNET/DMR, 1998.
- [9] R. D. Koilpillai and P. P. Vaidyanathan. "Cosine-modulated FIR filter banks satisfying perfect reconstruction". IEEE Transactions on Signal Processing, 40(4):770-783, April 1992.
 - [10] T. Q. Nguyen and R. D. Koilpillai. The theory and design of arbitrary-length cosine-modulated filter banks and wavelets satisfying perfect reconstruction. *IEEE Trans. Signal Processing*, SP-44(3):473-483, March 1996.

- [11] Jalali Ali. "Étude et architecture d'un mode à numérique destiné aux modulations multiporteuses de densité 2". PhD thesis, Université de Rennes I, France, 1998.
- [12] L. C. Calvez and P. Vilbé. On the uncertainty principle in discrete signals. *IEEE Trans. Circuits and Systems II*, 39(6):394-395, June 1992.
- [13] M. I. Doroslovački. Product of second moments in time and frequency for discrete-time signals and the uncertainty limit. Signal Processing, 67(1), May 1998.
- [14] C. Roche and P. Siohan. A family of Extended Gaussian Functions with a nearly optimal localization property. In Proc. First Int. Workshop on Multi-Carrier Spread-Spectrum (Oberpfaffenhofen, Germany), pages 179-186, April 1997.
- [15] P. Heller, T. Karp, and T. Q. Nguyen. A general formulation of modulated filter banks. Submitted to IEEE Transactions on Signal Processing, 1996.
- [16] M. Vetterli and J. Kovačevic. "Wavelets and Subband Coding". Prentice Hall, 1995.

Ĉ.

130

- [17] H.G. Feichtinger et al. Gabor Analysis and Algorithm Theory and Applications. Birkhäuser, Boston-Basel-Berlin, 1998.
 - [18] P. Flandrin. "Temps Frequence". Hermes 1998 w hellandar apparente
 - [19] I. Daubechies. The wavelet transform, time-frequency localization and signal analysis: IEEE Transform Inf. Theory, 36(5):961+1005, 1990.
- [20] T. Karpand A. Mertins. "Lifting scheme for biorthogonal modulated filter banks". In Proc. International Conference on Digital Signal Processing, Santorini, Greece, July 1997.
 - [21] T. Karp and A. Mertins. "Efficient filter realizations for cosine-modulated filter banks". In *Proc. Colloque GRETSI*, Grenoble, France, September 1997.

is in the second control of the first of the first control of the first of the control of the first of the control of

length cerim was intered alternassis and were were bus enteriors; perfectly countries of the contract of the c

1997 T. Green and C. D. Kellendal and according to the first and the second subject of subject as

Marches . R. D. Miller - 764, April 188

57764

25

5

10

15

REVENDICATIONS

- 1. Procédé de transmission d'un signal multiporteuse biorthogonal BFDM/OQAM, caractérisé en ce qu'il met en œuvre une structure de transmultiplexeur assurant:
 - une étape de modulation, à l'aide d'un banc de filtres de synthèse
 (11), présentant 2M branches parallèles, M ≥ 2, alimentées chacune par des données source, et comprenant chacune un expanseur d'ordre M et des moyens de filtrage;
 - une étape de démodulation, à l'aide d'un banc de filtres d'analyse (12), présentant 2M branches parallèles, comprenant chacune un décimateur d'ordre M et des moyens de filtrage, et délivrant des données reçues représentatives desdites données source,

lesdits moyens de filtrage étant déduits d'une fonction de modulation prototype prédéterminée.

- 2. Procédé de transmission selon la revendication 1, caracterisé en ce que lesdits moyens de filtrage dudit banc de filtres de synthèse et/ou dudit banc de filtres d'analyse sont respectivement regroupés sous la forme d'une matrice polyphase.
- 3. Procédé de transmission selon la revendication 2, caractérisé en ce qu'au moins une desdites matrices polyphases comprend une transformée de Fourier inverse(51, 61) à 2M entrées et 2M sorties.
- 4. Procédé de modulation d'un signal transmis selon le procédé de l'une quelconque des revendications l'à 3, caractérisé en ce qu'il met en œuvre une transformée de Fourier inverse (51) alimentée par 2M données source ayant chacune subie un décalage de phase prédéterminée, et alimentant 2M modules de filtrage, suivis chacun d'un expanseur d'ordre M, dont les sorties sont regroupées puis transmises.
- 5. Procédé de modulation selon la revendication 4, caractérisé en ce qu'il délivre des données s[k] telles que :

$$x_m^0(n) = a_{m,n} e^{j\frac{\pi}{2}n}$$

5

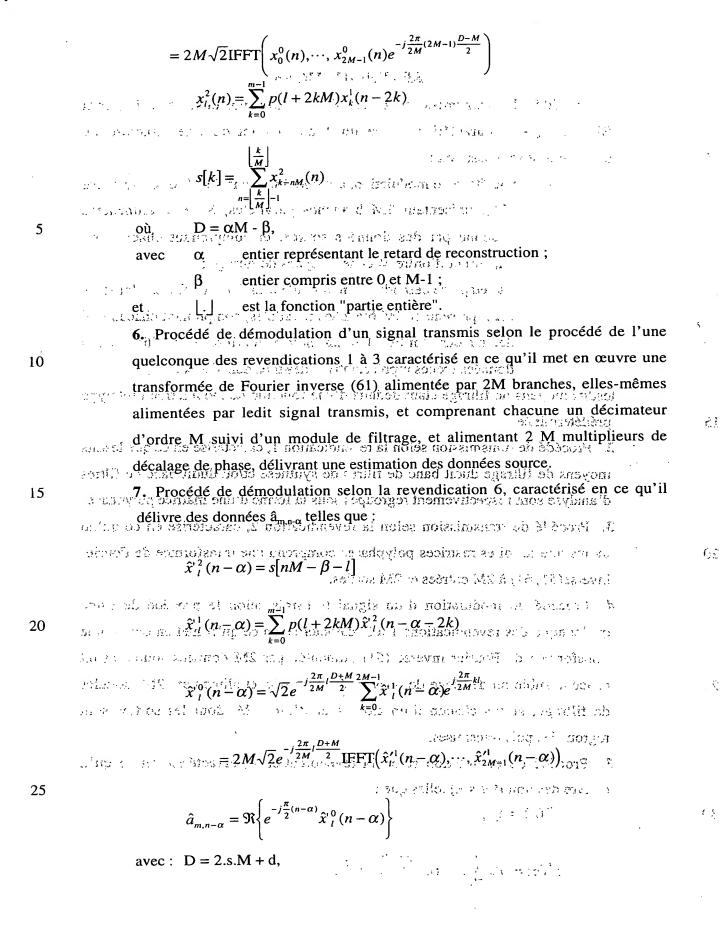
10

15

20

25

$$x_{l}^{1}(n) = \sqrt{2} \sum_{k=0}^{2M-1} x_{k}^{0}(n) e^{-j\frac{2\pi}{2M}k\frac{D-M}{2}} e^{j\frac{2\pi}{2M}kl}$$



est un entier; où:

- est compris entre 0 et 2M-1. d
- 8. Procédé de modulation selon l'une quelconque des revendications 4 et 5 ou de démodulation selon l'une quelconque des revendications 6 et 7, caractérisé en ce que lesdits modules de filtrage sont réalisés sous l'une des formes appartenant au groupe comprenant :
 - les filtres à structure transverse;
 - les filtres à structure en échelle ; et
 - les filtres à structure en treillis.

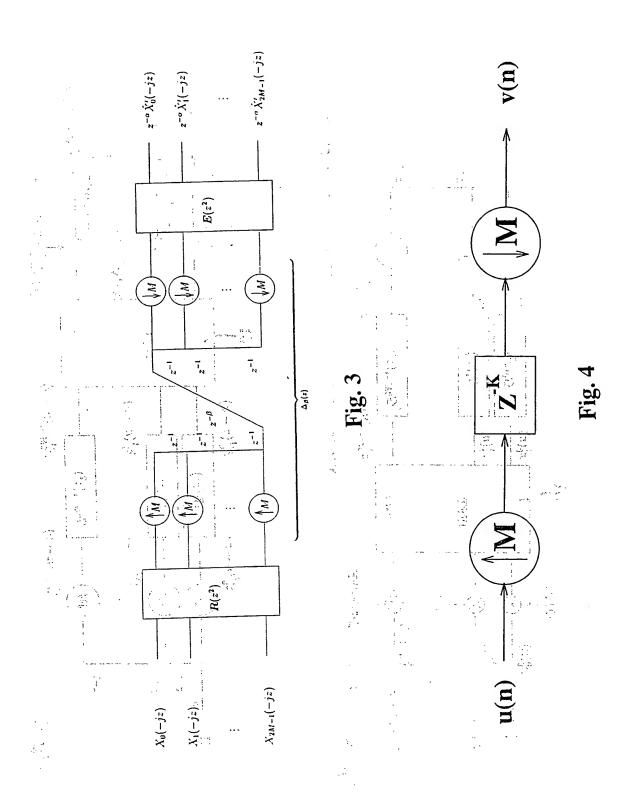
9. Procédé selon l'une quelconque des revendications 1 à 8, caractérisé en ce que ledit signal multiporteuse biorthogonal est un signal OFDM/OQAM.

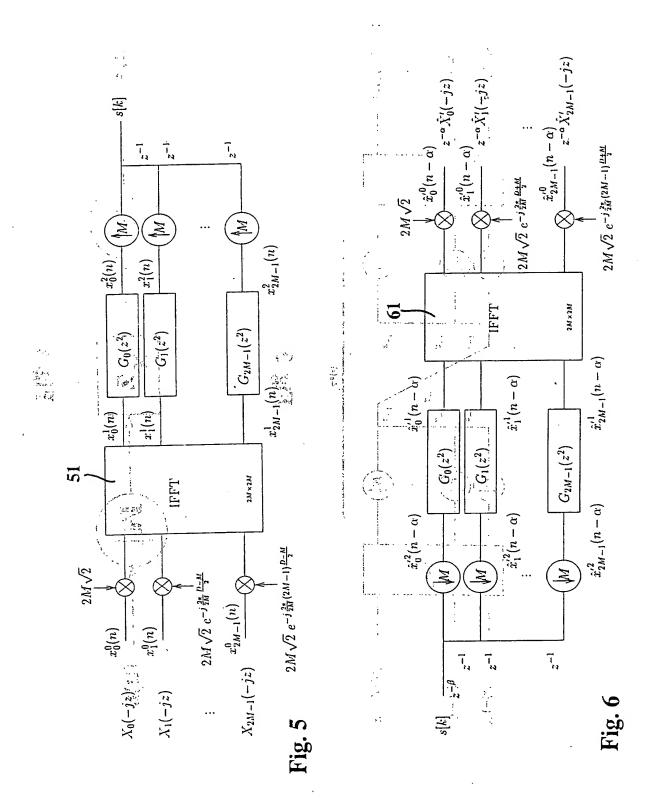
Dispositif d'émission et/ou de réception d'un signal BFDM/OQAM, 10. mettant en œuvre le procédé de l'une quelconque des revendications 1 à 9.

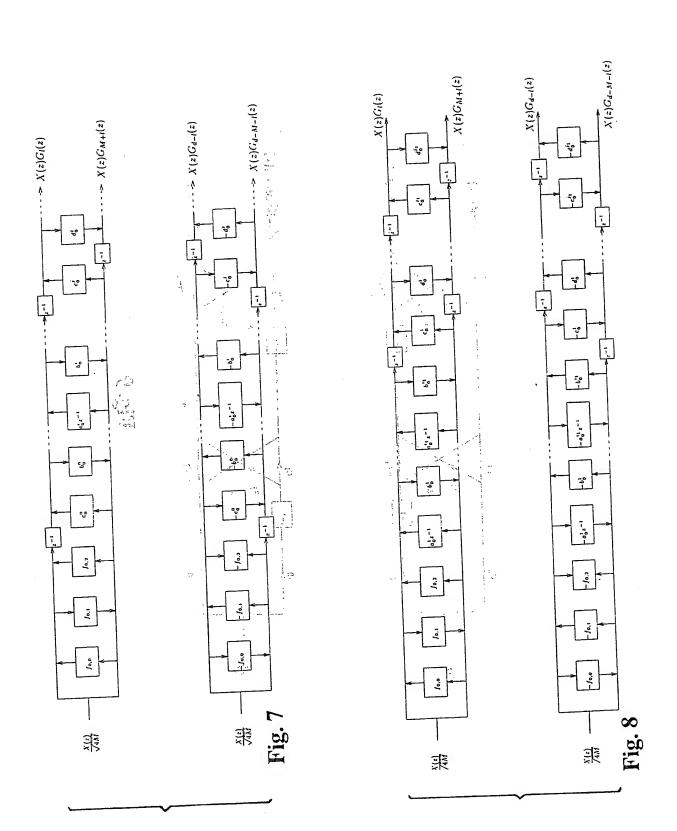
1

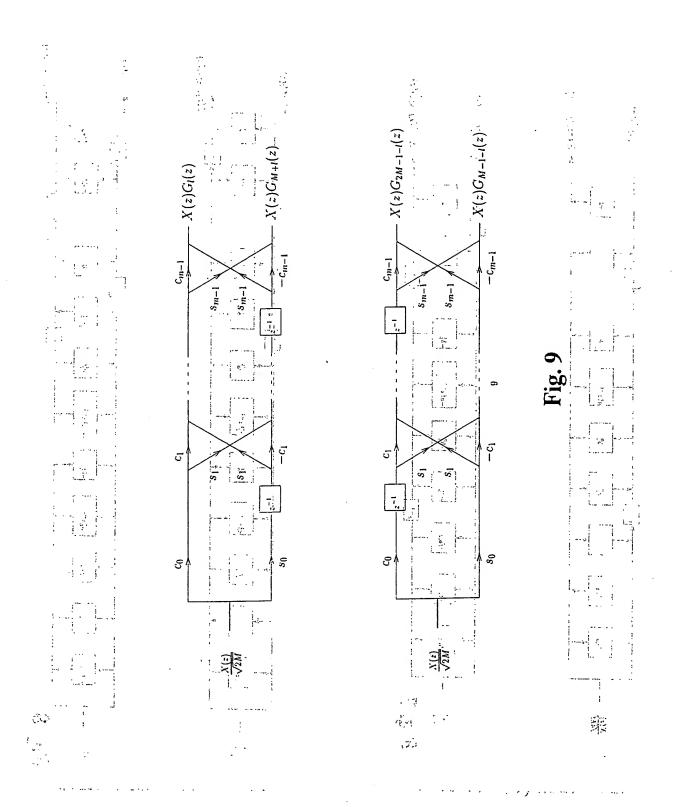
10

. 75 Control Birth Control Specification and Control Specification of the Control and Control Specification THE TO LETTE OF THE OFFICE OFFI ₹(·) ₹\·} of the forth to a such that he could be. Markath Court $\left| \stackrel{\sim}{\dot{x}'}_n(n-lpha) \right|$ y made and definiting of made. 12M-1(z) $H_0(z)$ TMUX $F_0(z)$ $j^n x_m(n)$ $x_0(n)$ ej §n $r_m(n)$









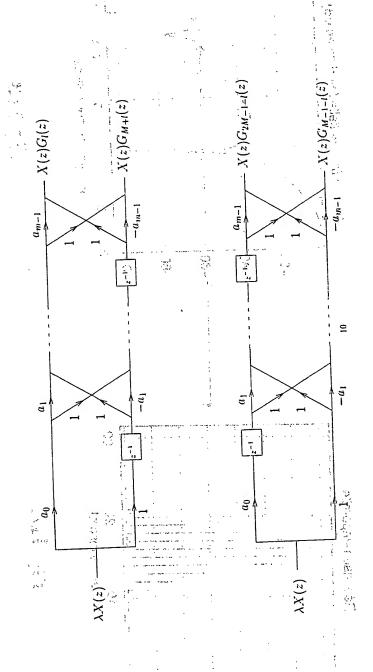
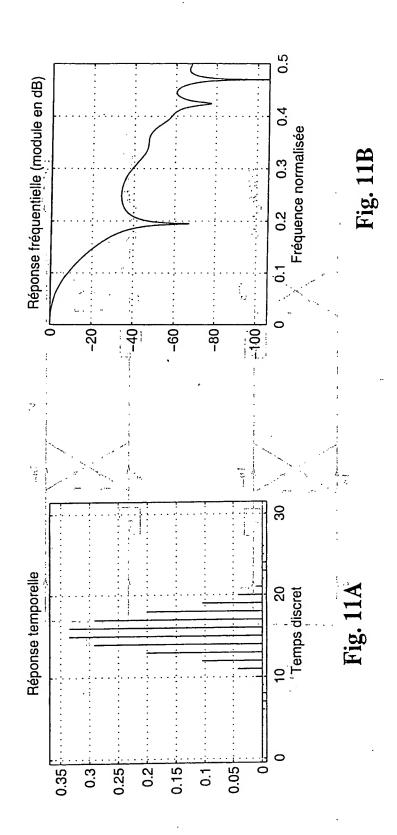


Fig. 10



areg



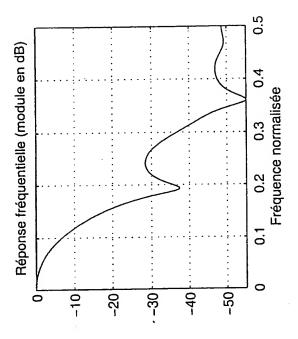


Fig. 12B

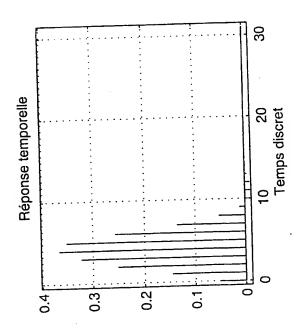


Fig. 12A